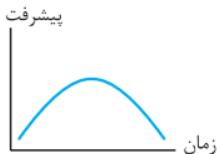


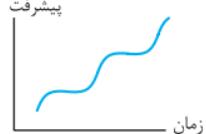
## مقدمه ناشر



علاوه بر همه نمودارهایی که تو در درس فیزیک می خوینید یک نمودار خیلی مهمی توزنگی آدمها و سازمانها وجود دارد که میزان پیشرفت اونها رو در طی زمان نشون می ده که این جوریه.

زندگی هر انسانی یک سری فراز و نشیب‌هایی دارد و یه جایی هم آدم به اوج خودش می‌رسه بعد از اون نقطه اوج، معمولاً آدمها پسرفت می‌کنند و دیگه مثل قدیما نیستن!!!

اما بعضی از آدمها هستن که وقتی می‌بینن دارن پسرفت می‌کنند یه تکونی به خودشون می‌دن و سعی می‌کنند خودشون رو اصلاح کنند و روند رشد قبلی رو پیش بگیرند. این افراد نمودار زندگی‌شون این شکلی می‌شه:



از ویژگی‌های بارز این آدمها نصیحت‌پذیری و اصلاح‌پذیریه! این دسته آدمها وقتی چار پسرفت می‌شن اول اشتباهاتشون رو قبول می‌کنن و بعدش تلاش می‌کنن تا جبرانشون کنن. (این فرق اصلی این آدمها با بقیه است!) ما هم چون می‌خواهیم همیشه پیشرفت کنیم، نصیحت‌پذیر و اصلاح‌پذیر هستیم! به خاطر همین ازتون می‌خواهیم که هر انتقاد یا پیشنهادی در رابطه با این کتاب جیبی یا بقیه جیبی‌ها داشتین لطفاً و حتماً از طریق سایت خیلی سبز بهمون اعلام کنین!

از مهندس میلاد حزنیان عزیز که زحمت تألیف و این کتاب رو کشیدن خیلی خیلی ممنونیم.

## مقدمه مؤلف

تقدیم به بهترین‌های زندگی‌ام:

پدر، مادر و همسر عزیزم 

سلام به همه شما فوشنگا و فوش تیبا  امیدوارم که هالتون عالی باشه.  
کتابی که الان در دستان شماست یه کتاب  پادویه !! آفه په‌هوری هی شه این همه مفهوم،  
فرمول، مثال و تست تو بیب چا بشه، اووون هم از نوع دوازده‌همش!!??

یکی از دغدغه‌های متدالو شما دانش‌آموزان عزیز همیشه این بوده که کتابی  
باشد تا بتوانید به کمک آن خیلی سریع مباحث فیزیک دوازدهم را در زمان  
منطقی و معقول مرور کنید و یا حتی بخوانید و یاد بگیرید. به همین خاطر به این  
فکر افتادیم که یک کتاب کامل اما کم حجم و کوچک برای شما عزیزان بنویسیم.  
در این کتاب تلاش کردم که چکیده‌ای کامل از محتوای فیزیک دوازدهم را  
به گونه‌ای نگارش کنم تا برای تمام دانش‌آموزان سال دوازدهم و کنکوری با هر  
سطحی، قابل استفاده باشد. هم‌چنین با توجه به سهم تقریباً ۵۰ درصدی فیزیک  
کنکور از این پایه، در نوشتن این کتاب به تیپ تست‌های کنکور نگاه ویژه‌ای داشتم.  
ساختار کلی این کتاب در هر مبحث شامل ۳ بخش می‌شود که به شرح زیر است:  
درسنامه: شامل مفاهیم و بررسی شکل‌های مهم کتاب درسی، معرفی  
فرمول‌ها و ارائه نکات و تکنیک‌های کاربردی حل مسائل.

مثال: مثال‌های تشریحی که برگرفته از مسائل کتاب درسی، سؤال‌های  
آزمون‌های نهایی و چکیده‌ای از سؤال‌های کنکوری هستند.

تست: اکثریت تست‌ها مربوط به کنکورهای سال‌های اخیر می‌باشند و در  
برخی از قسمت‌ها هم تست‌های تأثیفی قرار داده شده است.

تمام تلاش‌کردم تا کتابی مفید برای شما فویان آماده شود و فیلتون از بابت فیزیک ۳ یا همون فیزیک  
دوازدهم راهت باشه. امیدوارم که در این مسیر موفق بوده باشم. لطفاً ما را از دعای فیرتان بی‌نهیب  
با علی 

در اینجا بر خود لازم می‌دانم از همه عزیزانی که در آماده‌سازی این کتاب سهم داشتند، تشکر کنم:



■ از برادران دکتر نصری به خاطر وجود

■ از جناب مهندس سبزمیدانی بزرگوار و دوست عزیزم مهندس پیام ابراهیم‌نژاد با مردم بابت تمامی نظرات سازنده‌شان و کمک‌هایی که در مسیر نوشتن کتاب به بندۀ داشته‌اند.

■ از خانم‌ها راضیه یوسفی و مریم گلی حسنلو و آقای نوید رمضانلو که با دقت فراوان کتاب را به لحاظ علمی ویرایش نموده‌اند.

■ از مهندس امیر مجاوری (بدون شک بهترین مشاور تمهیلی در کهکشان راه شیری) بابت نقدها و نظرات کارشناسانه‌ای که داشته‌اند.

■ تشکر ویژه از تیم فوق حرفه‌ای واحد تولید خیلی سبز که زحمات زیادی را جهت آماده‌سازی و جذاب‌ترشدن کتاب کشیده‌اند.

■ از همه بزرگوارانی که بسیار به بندۀ لطف داشتند و زحمت کشیدند، اما متأسفانه ناخواسته توسط این حقیر دیده نشد، بسیار سپاس گزارم.

در پایان، اگر راجع به کتاب پیشنهاد، نقد، سؤال، تعریف و تمجید 😊 یا هر حرف دیگری داشتید، می‌توانیم از طریق راههای ارتباطی زیر با هم در ارتباط باشیم:



hoznian@gmail.com



hoznian



hoznian

در پناه خداوند، موفق و سلامت باشید.  
میلاد حزنیان

# فهرست مطالب

## فصل اول

۷

حرکت بر خط راست

## فصل دوم

۸۲

دینامیک و حرکت دایره‌ای

## فصل سوم

۱۵۴

نوسان و موج

## فصل چهارم

۲۳۸

برهم‌کنش‌های موج

## فصل پنجم

۲۹۱

آشنایی با فیزیک اتمی

## فصل ششم

۳۳۱

آشنایی با فیزیک هسته‌ای

حرکت بر  
خط راست

فصل اول

## مفاهیم اولیه

**مبدا مکان (مبدأ)** به مکان  $x = 0$  روی محور  $x$ , مبدأ مکان یا مبدأ

گفته می‌شود.

**مکان اولیه (X<sub>0</sub>)** به مکان جسم متحرک در لحظه  $t = 0$  (لحظه شروع

بررسی حرکت), مکان اولیه گفته می‌شود.

**بردار مکان (r)** برداری است که مبدأ مکان را به مکان جسم در هر

لحظه وصل می‌کند.

شکل روبرو دونده‌ای را

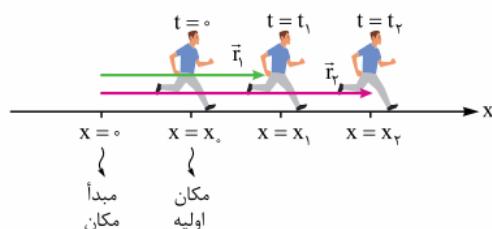
نشان می‌دهد که از مکان

$X_0$  شروع به دویدن می‌کند

و در لحظات  $t_1$  و  $t_2$  به

ترتیب از مکان‌های  $X_1$  و

$X_2$  عبور می‌کند.



$\vec{r}_1$  و  $\vec{r}_2$  به ترتیب بردارهای مکان دونده در لحظات  $t_1$  و  $t_2$  است.

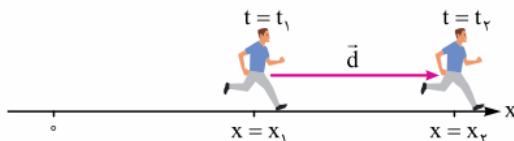
**بردار جابه‌جایی (Δ)** برداری است که مکان اولیه جسم را به مکان نهایی

آن در یک بازه زمانی مشخص وصل می‌کند و به صورت زیر محاسبه

$$\vec{d} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1 = x_2 \vec{i} - x_1 \vec{i} = (x_2 - x_1) \vec{i} = \Delta x \vec{i}$$

می‌شود:

در شکل زیر، بردار جابه‌جایی دونده را مشاهده می‌کنید.





**[توجه]** در بررسی حرکت اجسام بر خط راست، می‌توانیم جابه‌جایی متحرک را به صورت  $x = \Delta x$  محاسبه کنیم. به جدول زیر توجه کنید.

متحرک در جهت محور $x$ جابه‌جا شده است.	$\Delta x > 0$	جابه‌جایی متحرک در یک بعد اولیه $x = x -$ پایانی
متحرک خلاف جهت محور $x$ جابه‌جا شده است.	$\Delta x < 0$	

**مسافت ( $\ell$ )** به طول مسیری که متحرک طی می‌کند، مسافت گفته می‌شود.

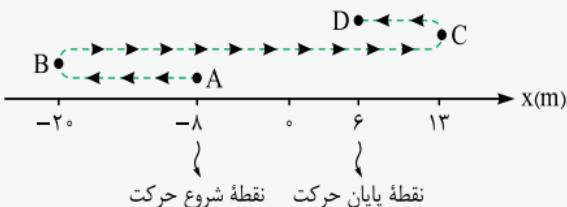
**[توجه]** تفاوت بین جابه‌جایی و مسافت:

مسافت ( $\ell$ )	جابه‌جایی ( $\bar{d}$ )
کمیتی نرده‌ای است.	کمیتی برداری است.
به مسیر حرکت بستگی دارد.	فقط به مکان ابتدایی و مکان نهایی بستگی دارد و مستقل از مسیر حرکت است.

مسافت طی شده همواره از اندازه جابه‌جایی متحرک بزرگ‌تر است ( $|\bar{d}| < \ell$ )، مگر آن‌که متحرک بدون تغییر، جهت روی خط راست حرکت کند که در این صورت مسافت و اندازه جابه‌جایی با یکدیگر برابر هستند ( $|\bar{d}| = \ell$ ).

**مثال** متحرکی بر روی محور  $x$  از نقطه  $x = -8\text{ m}$  شروع به حرکت می‌کند. متحرک دو مرتبه و به ترتیب در نقاط  $x = -20\text{ m}$  و  $x = +13\text{ m}$  جهت حرکت خود را تغییر می‌دهد تا در نهایت به نقطه  $x = 6\text{ m}$  برسد. مسافت پیموده شده توسط متحرک و اندازه جابه‌جایی آن را برحسب متر مشخص کنید.

**پاسخ** ابتدا با توجه به توضیحات سؤال مسیر حرکت متحرک را روی محور  $x$  نشان می‌دهیم (شکل زیر):



$$\ell = |AB| + |BC| + |CD| = 12 + 33 + 7 = 52\text{ m}$$

$$\Delta x = x_{\text{پایانی}} - x_{\text{اولیه}} = 6 - (-8) = 14\text{ m}$$

**لحظه و بازه زمانی** هر حرکتی در لحظه‌ای شروع می‌شود و در لحظه‌ای به پایان می‌رسد. به مدت زمان بین این دو لحظه بازه زمانی گفته می‌شود. مطابق شکل زیر، کمیت زمان را می‌توان به کمک رسم محور زمان نشان داد. یک لحظه را بر روی محور زمان با یک نقطه و بازه زمانی را با یک پاره خط نشان می‌دهیم:





معمولًاً در سؤالات، بازه زمانی به دو صورت مطرح می‌شوند که در جدول زیر می‌بینید.

مثال	توضیح	بازه زمانی
ثانیه هفتم یعنی از لحظه ۷ s تا لحظه ۱۳ s	از لحظه ۱ n ثانیه تا لحظه n ثانیه	ثانیه nAm
ثانیه پنجم یعنی از لحظه ۱۵ s تا لحظه T	از لحظه (n - 1) ثانیه تا لحظه nT ثانیه	ثانیه nT

**تندی متوسط ( $s_{av}$ )** کمیتی نرده‌ای است که به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} \quad \begin{matrix} \text{مسافت (m)} \\ \text{مدت زمان حرکت (s)} \end{matrix}$$

**سرعت متوسط ( $\bar{v}_{av}$ )** کمیتی برداری است که به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\bar{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t} \quad \begin{matrix} \text{بردار جایه‌جایی (m)} \\ \text{مدت زمان حرکت (s)} \end{matrix} \rightarrow \text{سرعت متوسط (m/s)}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad \begin{matrix} \text{برای حرکت در یک بعد} \end{matrix}$$

تندی متوسط متحرک در یک بازه زمانی همواره از اندازه سرعت متوسط آن بزرگ‌تر است ( $|s_{av}| > |\bar{v}_{av}|$ )، مگر آن‌که متحرک بدون تغییر جهت، روی خط راست حرکت کند که در این صورت تندي متوسط و اندازه سرعت متوسط با هم برابر هستند ( $|s_{av}| = |\bar{v}_{av}|$ ).



یکای تندی و سرعت در SI متر بر ثانیه ( $m/s$ ) است، البته کیلومتر بر ساعت ( $km/h$ ) یکای متداول دیگری برای سرعت و تندی است که به صورت زیر می‌توان آن را به یکای متر بر ثانیه ( $m/s$ ) تبدیل کرد:

$$km/h \xrightarrow{\div 3/6} m/s$$

### تسخیح

متوجه کی روی محور  $x$  حرکت می‌کند و در مبدأ زمان از مکان  $x_0 = -40\text{ m}$  می‌گذرد و در لحظه  $t_0 = 6\text{ s}$  به مکان  $x_1 = 100\text{ m}$  می‌رسد و در نهایت در لحظه  $t_2 = 10\text{ s}$  از مکان  $x_2 = 20\text{ m}$  می‌گذرد. سرعت متوسط این متوجه در SI در این ۱۰ ثانیه کدام است؟ (تجربی ۹۸)

۲۲ (۱)

۱۴ (۲)

۶ (۳)

۲ (۴)

**پاسخ** | گزینه «۳» برای محاسبه سرعت متوسط در بازه زمانی  $(0, 10\text{ s})$  کافی است به اطلاعات سؤال در ابتدا و انتهای این بازه

$$v_{av(0,10)} = \frac{x_2 - x_0}{t_2 - t_0} = \frac{20 - (-40)}{10 - 0} = 6\text{ m/s}$$

معادله مکان - زمان جسمی در SI به صورت  $x = 2t^2 + 4t - 8$  است. سرعت متوسط متوجه در فاصله زمانی  $t_1 = 1\text{ s}$  تا  $t_2 = 3\text{ s}$  چند متر بر ثانیه است؟

**پاسخ** | ابتدا به کمک معادله مکان - زمان، موقعیت مکانی متوجه را در لحظات مورد نظر مشخص می‌کنیم:

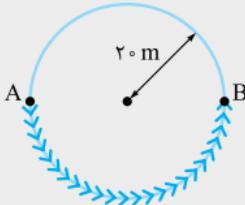
$$t_1 = 1\text{ s} \Rightarrow x_1 = 2(1)^2 + 4(1) - 8 = -2\text{ m}$$

$$t_2 = 3\text{ s} \Rightarrow x_2 = 2(3)^2 + 4(3) - 8 = 22\text{ m}$$

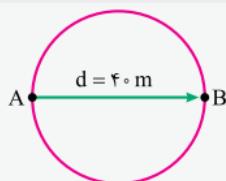


حال سرعت متوسط متحرک در طی این جا به جایی را محاسبه می‌کنیم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{22 - (-2)}{3 - 1} = \frac{24}{2} = 12 \text{ m/s}$$



**مثال** مطابق شکل رو به رو، دوچرخه‌سواری نیمی از محیط یک میدان دایره‌ای شکل را طی می‌کند و از نقطه A به نقطه B می‌رسد. اگر بزرگی سرعت متوسط دوچرخه‌سوار باشد، تندی متوسط آن چند متر بر ثانیه است؟ ( $\pi = 3$ )



**مثال** مطابق شکل رو به رو، جا به جایی دوچرخه‌سوار برابر با 40 m است:  
 $d = 40 \text{ m}$

حال با داشتن اندازه سرعت متوسط و جا به جایی دوچرخه‌سوار، مدت زمان حرکت را به دست می‌آوریم:

$$v_{av} = \frac{d}{\Delta t} \Rightarrow 4 = \frac{40}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = 10 \text{ s}$$

برای محاسبه تندی متوسط باید مسافت طی شده ( $\ell$ ) که برابر با نصف محیط دایره است را در فرمول زیر قرار دهیم:

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{\frac{1}{2} \times (\text{محیط دایره})}{\Delta t} = \frac{\pi R}{\Delta t} = \frac{3 \times 20}{10} = 6 \text{ m/s}$$

همان‌طور که می‌بینید تندی متوسط دوچرخه‌سوار از اندازه سرعت متوسط دوچرخه‌سوار بزرگ‌تر است، پون دوچرخه‌سوار در مسیر مستقیم حرکت نکرده است.

**تندی لحظه‌ای (۶)** تندی متحرک در هر لحظه از زمان را تندی لحظه‌ای می‌نامند؛ تندی لحظه‌ای یک کمیت نرده‌ای همواره مثبت است.

**سرعت لحظه‌ای (۷)** به تندی متحرک در هر لحظه با در نظر گرفتن جهت حرکت آن، سرعت لحظه‌ای گفته می‌شود؛ از این رو سرعت لحظه‌ای یک کمیت برداری است. برای مثال وقتی گوییم سرعت متحرک در لحظه‌ای  $i$   $-6 \text{ m/s}$  است، یعنی متحرک در آن لحظه با تندی  $6 \text{ m/s}$  فلافل بهوت محور  $x$  در هر کلت است.

**[توجه]** در هر لحظه، تندی لحظه‌ای متحرک برابر با اندازه سرعت لحظه‌ای متحرک است.

**[نتیجه]** برای متحرکی که روی محور  $x$  حرکت می‌کند، داریم:

متحرک در حال حرکت در جهت محور $x$ است.	$v > 0$
متحرک در حال حرکت در خلاف جهت محور $x$ است.	$v < 0$

**[توجه]** هرگاه گفته شود «سرعت» و «تندی»، منظور سرعت لحظه‌ای و تندی لحظه‌ای است.

**شتاب متوسط (۸)** هرگاه سرعت جسمی تغییر کند (اندازه سرعت تغییر کند یا جهت بردار سرعت تغییر کند)، حرکت آن شتابدار است و شتاب متوسط آن به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\bar{a}_{av} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} \rightarrow \begin{array}{l} \text{تغییر سرعت (m/s)} \\ \text{مدت زمان تغییر سرعت (s)} \end{array}$$

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \rightarrow \begin{array}{l} \text{برای حرکت در یک بعد} \end{array}$$

**[توجه]** شتاب متوسط کمیتی برداری و هم‌جهت با بردار تغییر سرعت ( $\Delta \vec{v}$ ) است.

اگر سرعت متحرکی ثابت باشد، آن‌گاه در هر بازه زمانی دلخواه شتاب متوسط آن صفر است.



## تست

متحركی در مسیر مستقیم حرکت می‌کند و معادله سرعت - زمان آن در SI به صورت  $v = 2t^2 - 4t - 2$  است. شتاب متوسط آن در ۲ ثانیه دوم چند متر بر ثانیه است؟  
 (تجربی خارج ۹۸)

۸ (۴)

۶ (۳)

۴ (۲)

۲ (۱)

**پاسخ** | گزینه «۴» ابتدا سرعت متحرك را در ابتداء و انتهای بازه مورد نظر ۲ ثانیه دوم یعنی  $t_1 = 2\text{ s}$  تا  $t_2 = 4\text{ s}$  مشخص می‌کنیم:

$$t_1 = 2\text{ s} \Rightarrow v_1 = 2(2)^2 - 4(2) - 2 = -2\text{ m/s}$$

$$t_2 = 4\text{ s} \Rightarrow v_2 = 2(4)^2 - 4(4) - 2 = 14\text{ m/s}$$

شتاب متوسط متحرك در ۲ ثانیه دوم برابر است با:

$$\bar{a}_{av} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{14 - (-2)}{4 - 2} = \frac{16}{2} = 8\text{ m/s}^2$$

## تست

متحركی روی محور  $x$  در حال حرکت است. بردار شتاب متوسط آن در بازه زمانی  $t_1 = 5\text{ s}$  تا  $t_2 = 10\text{ s}$  در SI برابر  $-4\vec{i}$  و در بازه زمانی  $t_3 = 12\text{ s}$  تا  $t_4 = 10\text{ s}$  برابر با  $2\vec{i}$  است. بردار شتاب متوسط آن در بازه زمانی  $t_1 = 5\text{ s}$  تا  $t_4 = 12\text{ s}$  در SI کدام است؟  
 (تجربی ۱۴۰۰)

۸  $\vec{i}$  (۴)۴  $\vec{i}$  (۳)-  $\frac{16}{\gamma} \vec{i}$  (۲)-  $\frac{2}{\gamma} \vec{i}$  (۱)

**پاسخ** | گزینه «۲» ابتدا به کمک رابطه  $\bar{a}_{av} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$ ، تغییرات سرعت متحرك را در هر دو بازه زمانی به دست می‌آوریم:

$$\bar{a}_{av(5,10)} = \frac{\Delta \vec{v}_{(5,10)}}{10 - 5} \Rightarrow -4\vec{i} = \frac{\Delta \vec{v}_{(5,10)}}{5} \Rightarrow \Delta \vec{v}_{(5,10)} = -20\vec{i}$$

$$\vec{a}_{av(1\circ, 12)} = \frac{\Delta \vec{v}_{(1\circ, 12)}}{12 - 1\circ} \Rightarrow 2\vec{i} = \frac{\Delta \vec{v}_{(1\circ, 12)}}{2} \Rightarrow \Delta \vec{v}_{(1\circ, 12)} = 4\vec{i}$$

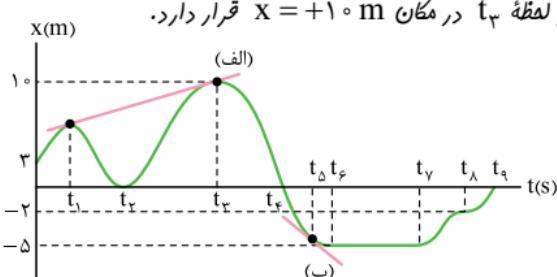
تغییر سرعت متحرک در بازه  $(5s, 12s)$  برابر است با:

$$\Delta \vec{v}_{(5, 12)} = \Delta \vec{v}_{(5, 1\circ)} + \Delta \vec{v}_{(1\circ, 12)} = -2\vec{i} + 4\vec{i} = -(16 \text{ m/s})\vec{i}$$

حال شتاب متوسط متحرک را در بازه  $(5s, 12s)$  به دست می‌آوریم:

$$\vec{a}_{av(5, 12)} = \frac{-16\vec{i}}{12 - 5} = -\left(\frac{16}{7} \text{ m/s}^2\right)\vec{i}$$

**نمودار مکان-زمان** نموداری است که مکان متحرک را در هر لحظه نشان می‌دهد. برای مثال در نمودار زیر، مکان اولیه متحرک  $x = +3 \text{ m}$  است و متحرک در لحظه  $t_3$  در مکان  $x = +10 \text{ m}$  قرار دارد.



از نمودار مکان-زمان، اطلاعات دیگری را هم می‌توان به دست آورد:

- سرعت متوسط متحرک بین دو لحظه دلخواه برابر با شیب خطی است که نمودار مکان-زمان را در آن دو لحظه قطع می‌کند، برای مثال شیب فقط (الف) برابر با سرعت متوسط متحرک در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_3$  است.

$\text{شیب خط گذرنده از نمودار} = v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$	$\text{سرعت متوسط مکان-زمان در دو لحظه}$
---	--



- سرعت متحرک در هر لحظه برابر با شیب خط مماس بر نمودار مکان - زمان در آن لحظه است. مثلاً شیب فقط (ب) برابر با سرعت متحرک در لحظه  $t_5$  است.

شیب خط مماس بر نمودار  $v = \frac{\text{مکان} - \text{زمان}}{\text{زمان} - \text{زمان در لحظه مورد نظر}}$  = سرعت لحظه‌ای

- توضیح** به کمک جدول زیر می‌توانیم علامت سرعت متحرک را در هر لحظه مشخص کنیم:

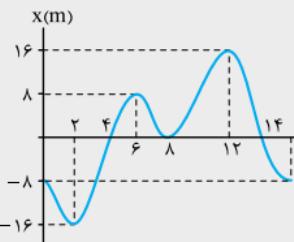
$v > 0$	اگر نمودار مکان - زمان صعودی باشد. (شیب مثبت)
$v < 0$	اگر نمودار مکان - زمان نزولی باشد. (شیب منفی)

برای مثال سرعت متحرک در بازه‌های زمانی  $(t_1, t_2)$ ،  $(t_2, t_3)$  و  $(t_7, t_8)$  و  $(t_8, t_9)$  مثبت و در بازه‌های زمانی  $(t_1, t_2)$  و  $(t_3, t_4)$  منفی است.

- توضیح** اگر نمودار مکان - زمان متحرک در یک بازه زمانی به صورت یک خط افقی باشد، متحرک در آن بازه زمانی ساکن است (در نمودار صفحه قبل، از لحظه  $t_7$  تا  $t_7$ ).

- در نقاط قله و دره نمودار مکان - زمان، متحرک تغییر جهت می‌دهد، برای مثال در لحظات  $t_1$ ،  $t_2$  و  $t_3$ .

- در لحظاتی که نمودار مکان - زمان محور زمان را قطع می‌کند، متحرک از مبدأ مکان عبور کرده و در نتیجه بردار مکان متحرک تغییر جهت می‌دهد (برای نمونه در لحظه  $t_4$ ).



### نمودار مکان – زمان متحرکی

که در مسیر مستقیم حرکت می‌کند، مطابق شکل روبرو است. با توجه به نمودار به سوالات زیر پاسخ دهید:

- الف) جابه‌جایی متحرک از لحظه شروع حرکت تا لحظه‌ای که برای چهارمین مرتبه تغییر جهت می‌دهد، چند متر است؟
- ب) مسافت طی شده در بازه زمانی بین دو لحظه‌ای که بردار مکان متحرک تغییر جهت می‌دهد، چند متر است؟
- پ) بزرگی سرعت متوسط متحرک در ۶ ثانیه دوم حرکت را به دست آورید.
- ت) تندی متوسط متحرک در لحظاتی که بردار مکان آن در جهت محور  $x$  ولی سرعت آن خلاف محور  $x$  است را به دست آورید.

**پاسخ** الف) متحرک در لحظات ۲، ۶، ۸ و ۱۲ ثانیه تغییر جهت می‌دهد؛ پس بازه مورد نظر (۶s, ۱۲s) است. حال بزرگی جابه‌جایی را در این بازه زمانی به دست می‌آوریم:

$$\Delta x_{(6,12)} = x_{12} - x_6 = 16 - (-8) = 24 \text{ m}$$

بردار مکان متحرک در لحظات ۴ و ۱۴ ثانیه تغییر جهت می‌دهد. مسافت طی شده بین این دو لحظه برابر است با:

$$\ell = 8 + 8 + 16 + 16 = 48 \text{ m}$$

ب) ۶ ثانیه دوم یعنی بازه زمانی (۶s, ۱۲s)؛ پس داریم:

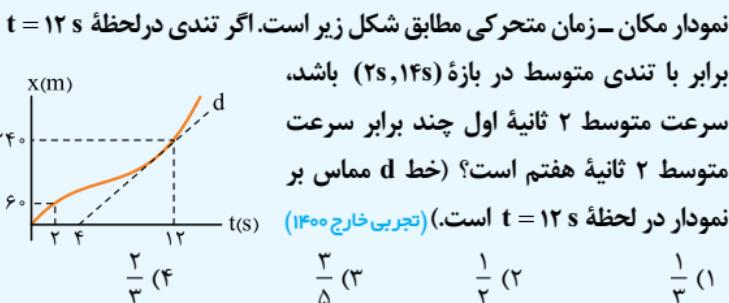
$$v_{av(6,12)} = \frac{\Delta x_{(6,12)}}{\Delta t} = \frac{16 - 8}{12 - 6} = \frac{8}{6} = \frac{4}{3} \text{ m / s}$$



**ت** در دو بازه زمانی  $(6\text{ s}, 8\text{ s})$  و  $(12\text{ s}, 14\text{ s})$  بردار مکان متوجه در جهت محور  $x$  و بردار سرعت آن خلاف محور  $x$  است. مسافتی که متوجه در مجموع این دو بازه، طی می‌کند برابر با  $24$  متر است؛ پس تندی متوسط به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{24}{2+2} = 6 \text{ m / s}$$

### تسویچ



**پاسخ** گزینه «۱» تندی متوجه در لحظه  $t = 12\text{ s}$  برابر با شیب خط مماس بر نمودار در این لحظه است (یعنی شیب فقط  $d$ )؛ بنابراین داریم:

$$S_{(t=12\text{ s})} = \frac{24 - 6}{12 - 4} = 3^{\circ} \text{ m / s}$$

طبق صورت سؤال داریم:

$$S_{(t=12\text{ s})} = s_{av(2, 14)} \Rightarrow 3^{\circ} = \frac{\ell_{(2, 14)}}{12} \Rightarrow \ell_{(2, 14)} = 36^{\circ} \text{ m}$$

مطابق شکل صورت سؤال، جهت حرکت متوجه در بازه زمانی  $(2\text{ s}, 14\text{ s})$  تغییر نکرده است؛ پس مسافت طی شده و جابه‌جایی

متحرك در این بازه با هم برابر است؛ بنابراین داریم:

$$\ell_{(2,14)} = \Delta x_{(2,14)} = x_{14} - x_2 = 36^{\circ} m \Rightarrow x_{14} - 6^{\circ} = 36^{\circ}$$

$$\Rightarrow x_{14} = 42^{\circ} m$$

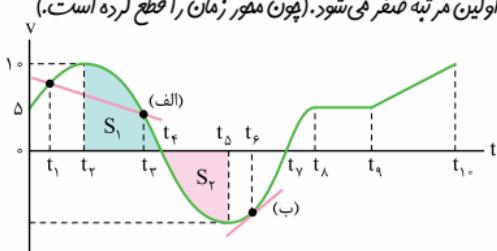
حال خواسته سؤال را به دست می آوریم:

$$\frac{v_{av(0,2)}}{v_{av(12,14)}} = \frac{\frac{x_2 - x_0}{2 - 0}}{\frac{x_{14} - x_{12}}{14 - 12}} = \frac{x_2 - x_0}{x_{14} - x_{12}} = \frac{6^{\circ} - 0}{42^{\circ} - 24^{\circ}} = \frac{6^{\circ}}{18^{\circ}} = \frac{1}{3}$$

### نمودار سرعت-زمان

نموداری است که سرعت متحرك را در هر لحظه نشان می دهد. به طور مثال در نمودار زیر، سرعت اولیه متحرك  $t_4$  + 5 m/s است و در لحظه  $t_4$

سرعت آن برای اولین مرتبه صفر می شود. (پون مدور زمان را قطع کرده است).



از نمودار سرعت - زمان اطلاعات زیر را هم می توان به دست آورد:

- جهت حرکت متحرك را می توان به کمک علامت سرعت تشخیص داد.
- در لحظاتی که علامت سرعت متحرك مثبت است، متحرك در جهت محور X حرکت می کند (برای مثال در بازه صفر تا  $t_4$ ) و در لحظاتی که علامت سرعت منفی است، متحرك خلاف جهت محور X حرکت می کند (برای مثال در بازه  $t_4$  تا  $t_7$ ).

**[توجه]** در لحظاتی که نمودار سرعت - زمان محور زمان را قطع می کند، علامت سرعت متحرك تغییر می کند و در نتیجه متحرك تغییر جهت می دهد (در لحظات  $t_4$  و  $t_7$ ).



- شتاب متوسط متحرک بین دو لحظه دلخواه برابر با شیب خطی است که نمودار سرعت - زمان را در آن دو لحظه قطع می کند؛ برای مثال شیب فقط (الف) برابر با شتاب متوسط متهرک در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_3$  است.

$$\text{شیب خط گذرنده از نمودار} = a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v(t_3) - v(t_1)}{t_3 - t_1} = \text{شتاب متوسط سرعت - زمان در دو لحظه}$$

- شتاب لحظه‌ای متحرک در هر لحظه برابر با شیب خط مماس بر نمودار سرعت - زمان در آن لحظه است. در نمودار صفحه قبل، شیب فقط (ب) برابر با شتاب متهرک در لحظه  $t_4$  است.

$$\text{شیب خط مماس بر نمودار} = a = \text{شتاب لحظه‌ای سرعت - زمان در لحظه مورد نظر}$$

**توجه** به کمک جدول زیر می‌توانیم علامت شتاب متهرک را در هر لحظه تشخیص دهیم؛

اگر نمودار سرعت - زمان صعودی باشد (شیب مثبت).

اگر نمودار سرعت - زمان نزولی باشد (شیب منفی).

به طور مثال در نمودار صفحه قبل، شتاب متهرک در بازه زمانی  $(t_2, t_3)$  مثبت و در بازه زمانی  $(t_5, t_6)$  منفی است.

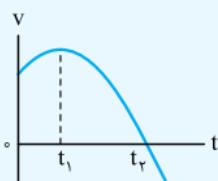
در بازه‌های زمانی که نمودار سرعت - زمان به صورت یک خط راست باشد، شیب نمودار ثابت و در نتیجه شتاب متهرک، ثابت است (برای مثال در بازه  $t_9$  تا  $t_{10}$ ).

اگر نمودار سرعت - زمان متهرک در یک بازه زمانی به صورت یک خط افقی باشد، سرعت متهرک در آن بازه زمانی ثابت است (در نمودار صفحه قبل، از لحظه  $t_8$  تا  $t_9$ ).

در نقاط قله و دره نمودار سرعت - زمان، شتاب متهرک صفر می‌شود. در این لحظات شتاب متهرک تغییر علامت می‌دهد (برای مثال در لحظات  $t_2$  و  $t_5$ ).

- مساحت سطح محصور بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان برابر با جایه‌جایی متحرک است. اگر نمودار بالای محور زمان باشد، جایه‌جایی مثبت و اگر پایین محور زمان باشد، جایه‌جایی منفی است. برای مثال پایه‌هایی متحرک در بازه زمانی  $t_4$  تا  $t_2$  برابر با  $S_1 + S_2$  و در بازه زمانی  $t_4$  تا  $t_5$  برابر با  $-S_2$  است؛ پس پایه‌هایی متحرک در بازه  $t_2$  تا  $t_5$  برابر با  $S_1 - S_2$  هی شود.
- مجموع مساحت سطوح‌ای محصور بین نمودار و محور زمان (بدون در نظر گرفتن علامت منفی) برابر با مسافت طی شده توسط متحرک است. برای مثال مسافت طی شده توسط متحرک در بازه  $t_2$  تا  $t_5$  برابر با  $S_1 + S_2$  هی شود.

### تئیین



نمودار سرعت-زمان متحرکی که روی محور  $x$  حرکت می‌کند، مطابق شکل رویه‌رو است. کدام گزینه صحیح است؟ (تجربی خارج ۱۴۰۰- با کمی تغییر)

- (۱) جهت سرعت و شتاب در لحظه  $t_1$  تغییر کرده است.
- (۲) در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  حرکت در جهت محور  $x$  است.
- (۳) در بازه زمانی صفر تا  $t_1$  تندی متحرک در حال کاهش است.
- (۴) بردار شتاب در بازه زمانی صفر تا  $t_2$  خلاف جهت محور  $x$  است.

**پاسخ | گزینه ۲ «بررسی گزینه‌ها»** - گزینه (۱): با توجه به شکل سؤال، علامت سرعت متحرک در بازه  $(0, t_2)$  همواره مثبت است؛ پس جهت سرعت متحرک در لحظه  $t_1$  تغییر نمی‌کند.

گزینه (۳): با توجه به شکل سؤال، سرعت متحرک در بازه زمانی  $(0, t_1)$  در حال افزایش است؛ پس تندی متحرک نیز در این بازه افزایش می‌یابد.

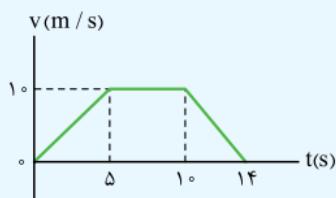


گزینه (۴) : شبیه خط مماس بر نمودار سرعت - زمان صورت سؤال در بازه زمانی  $(t_1, t_2)$  مثبت است؛ پس در این بازه زمانی شتاب حرکت متحرک مثبت است و نمی توانیم علامت شتاب متحرک در بازه  $(t_1, t_2)$  را کلاً منفی در نظر بگیریم.



نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی مسیر مستقیم حرکت می کند، مطابق شکل مقابل است. شتاب متوسط این متحرک در بازه زمانی  $t = 12\text{ s}$  تا  $t = 2\text{ s}$  چند متر بر مربع ثانیه است؟

(تجربی ۹۲)



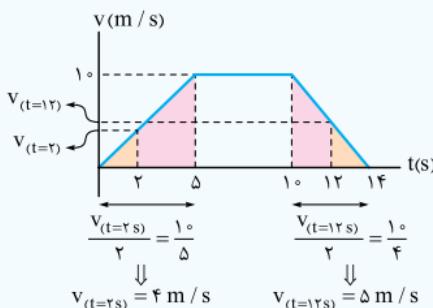
۴) صفر

۳) ۰ / ۷

۲) ۰ / ۵

۱) ۰ / ۱

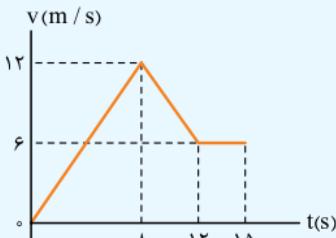
گزینه ۱ «ابتدا باید به کمک تشابه مثلثاتی، سرعت متحرک را در لحظات  $t = 2\text{ s}$  و  $t = 12\text{ s}$  به دست آورد.



حال شتاب متوسط را در بازه زمانی مورد نظر به دست می آوریم:

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_{12} - v_2}{12 - 2} = \frac{5 - 4}{10} = 0.1 \text{ m/s}^2$$

## تسنیع



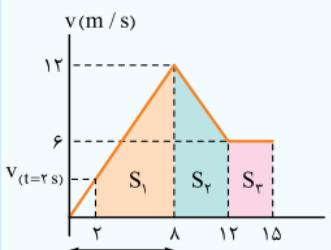
نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی محور  $x$  حرکت می‌کند، مطابق شکل روبرو است. اگر در لحظه  $t_1 = 2\text{ s}$  مکان متحرک در SI به صورت  $\bar{x}_1 = -6\text{ m}$  باشد، مکان متحرک در لحظه  $t_2 = 15\text{ s}$  در SI کدام است؟  
**(ریاضی خارجی ۹۹)**

۱۱۸۱ (۴)

۱۰۵۱ (۳)

۹۶۱ (۲)

۹۳۱ (۱)



**پاسخ** | گزینه «۱» ابتدا به کمک تشابه مثلثاتی سرعت متحرک را در لحظه  $t = 2\text{ s}$  به دست می‌آوریم:

$$\frac{V(t=2\text{ s})}{2} = \frac{12}{8}$$

$$\Rightarrow V_{(t=2\text{ s})} = 3\text{ m/s}$$

در گام بعدی، سطح زیر نمودار در بازه  $(2\text{ s}, 15\text{ s})$  را به دست می‌آوریم تا جایه‌جایی متحرک در این بازه زمانی مشخص شود:

$$\Delta x = S_1 + S_2 + S_3 = \left(\frac{3+12}{2} \times 6\right) + \left(\frac{12+6}{2} \times 4\right) + (3 \times 6)$$

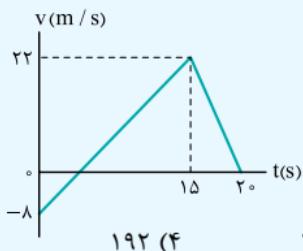
$$= 45 + 36 + 18 = 99\text{ m}$$

$$\Delta x = x_{(t=15)} - x_{(t=2)} = x_{(t=15)} - (-6) = 99$$

$$\Rightarrow x_{(t=15)} = 93\text{ m}$$

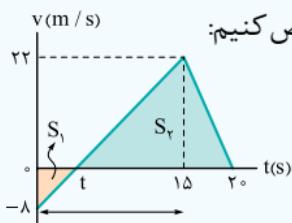


## تیکت



نمودار سرعت - زمان متحرکی که بر مسیری مستقیم حرکت می‌کند به صورت روبرو است. مسافت پیموده شده توسط این متحرک در بازه زمانی صفر تا ۲۰ چند متر است؟  
**(ریاضی ۹۸)**

**پاسخ:** «گزینه ۴» در شکل زیر، ابتدا باید لحظه‌ای که نمودار سرعت-زمان

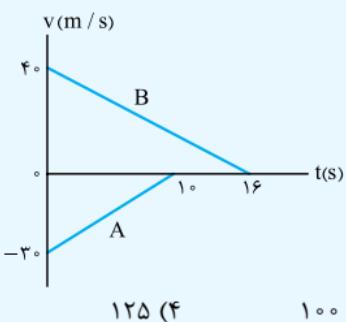


$$\begin{aligned} \text{محور زمان راقطع می‌کند (لحظه } t\text{) مشخص کنیم:} \\ \text{تشابه مثلثات: } \frac{1}{t} = \frac{22}{15-t} \\ \Rightarrow 120 - 8t = 22t \\ \Rightarrow t = 4 \text{ s} \end{aligned}$$

حال با محاسبه مساحت سطح زیر نمودار در بازه زمانی مورد نظر، مسافت طی شده را به دست می‌آوریم:

$$l = S_1 + S_2 = \left(\frac{1}{2} \times 4 \times 8\right) + \left(\frac{1}{2} \times 16 \times 22\right) = 192 \text{ m}$$

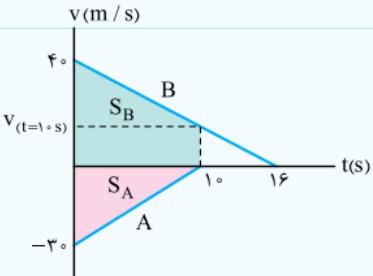
## تیکت



نمودار سرعت - زمان دو قطار A و B که روی ریل مستقیم به طرف هم حرکت می‌کنند، مطابق شکل مقابل است. در لحظه  $t = 0$  فاصله قطارها از هم  $500$  متر است. لحظه‌ای که قطار A می‌ایستد، قطار B در چه فاصله‌ای از آن قرار دارد؟  
**(تجربی خارج ۹۷)**

### پاسخ ۲) گزینه ا)

مسافت طی شده توسط هر یک از قطارها را به دست می آوریم. به کمک تشابه مثلثاتی برای نمودار قطار B، سرعت این قطار را در لحظه  $t = 10\text{ s}$  محاسبه می کنیم.

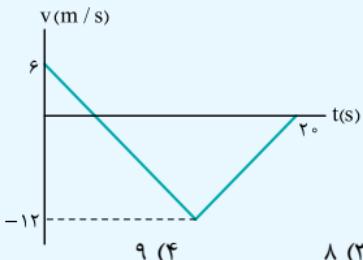


$$\frac{40}{16} = \frac{V_{(t=10\text{ s})}}{16-10} \Rightarrow V_{(t=10\text{ s})} = 15\text{ m/s}$$

$$\left. \begin{array}{l} \ell_A = S_A = \frac{1}{2} \times 10 \times 30 = 150\text{ m} \\ \ell_B = S_B = \frac{40+15}{2} \times 10 = 275\text{ m} \end{array} \right\} \ell_A + \ell_B = 425\text{ m}$$

بنابراین دو قطار A و B در مجموع  $425\text{ m}$  مسافت را طی کرده‌اند.  
بنابراین فاصله بین دو قطار در لحظه توقف قطار A به  $75\text{ m}$  متر می‌رسد.

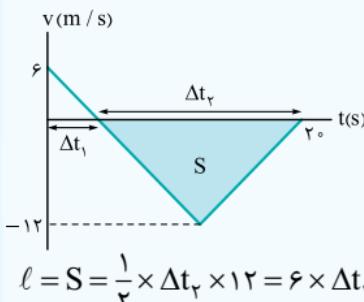
### تسویچ



شکل رویه‌رو نمودار سرعت - زمان متحرکی است که روی محور x حرکت می‌کند. تندی متوسط متحرک در مدتی که در خلاف جهت محور x حرکت می‌کند، چند متر بر ثانیه است؟ (ریاضی ۱۴۰۰)

(۱) صفر

گزینه ۲) هرگاه علامت سرعت متوجه منفی باشد، یعنی متحرک در خلاف جهت محور x در حرکت است. با توجه به نمودار زیر متوجه‌می‌شویم

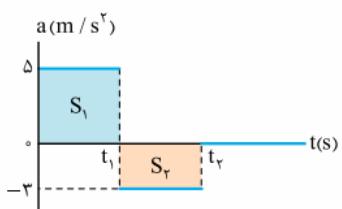


متوجه ک در مدت زمان  $\Delta t_2$  خلاف جهت محور  $X$  حرکت می‌کند.  
برای محاسبه تندی متوسط متوجه ک، ابتدا باید مسافتی که متوجه ک در بازه زمانی مورد نظر طی می‌کند را به دست آوریم:

$$l = S = \frac{1}{2} \times \Delta t_2 \times 12 = 6 \times \Delta t_2$$

حال تندی متوسط متوجه ک را در بازه زمانی مورد نظر به صورت زیر محاسبه می‌کنیم:

$$S_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{6 \times \Delta t_2}{\Delta t_2} = 6 \text{ m/s}$$



**نمودار شتاب-زمان** نموداری است که شتاب متوجه ک را در هر لحظه نشان می‌دهد. به طور مثال در نمودار روبرو، شتاب حرکت متوجه ک در بازه‌های زمانی صفر تا  $t_1$  و  $t_1$  تا  $t_2$  به ترتیب برابر با  $5 \text{ m/s}^2$  و  $-3 \text{ m/s}^2$  است و از این لحظه به بعد شتاب حرکت آن صفر می‌شود.

مساحت سطح محصور بین نمودار شتاب - زمان و محور زمان در یک بازه زمانی برابر با تغییر سرعت متوجه ک در آن بازه زمانی است. اگر نمودار بالای محور زمان باشد، تغییر سرعت متوجه ک مثبت و اگر نمودار پایین محور زمان باشد، تغییر سرعت متوجه ک منفی است. برای مثال سرعت متوجه ک در بازه زمانی صفر تا  $t_1$  به اندازه  $S_1$  و در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  به اندازه  $-S_2$  تغییر کرده است؛ بنابراین تغییر سرعت متوجه ک از لحظه صفر تا  $t_2$  برابر با  $S_1 - S_2$  است.